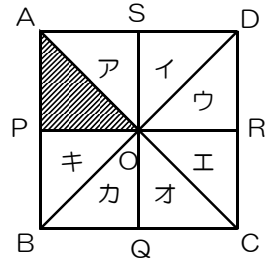


1 正方形ABCDを8つの合同な三角形にわけた図について、問いに答えなさい。



① 線分PRとSQの関係を記号を使って表しなさい。 PR SQ

② 線分ADとBCの関係を記号を使って表しなさい。 AD BC

③ $\triangle APO$ を平行移動して重なる三角形を記号(ア~キ)で答えなさい。

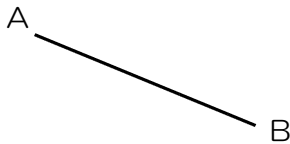
④ $\triangle APO$ を線分SQを対称の軸として対称移動して重なる三角形を記号(ア~キ)で答えなさい。

⑤ $\triangle APO$ をOを回転の中心として回転移動して重なる三角形をすべて、記号(ア~キ)で答えなさい。

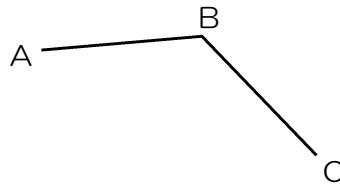
⑥ $\triangle APO$ をOを回転の中心として時計の針の回転と同じ方向に 90° 回転移動し、さらにPRを軸として対称移動したときに重なる三角形を記号(ア~キ)で答えなさい。

2 次の作図をしなさい。(ただし、作図に用いた線は消さないこと!)

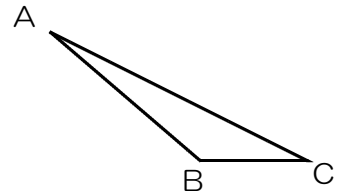
① 線分ABの垂直二等分線



② $\angle ABC$ の二等分線



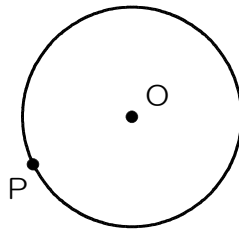
③ $\triangle ABC$ のBCを底辺としたときの高さをAP



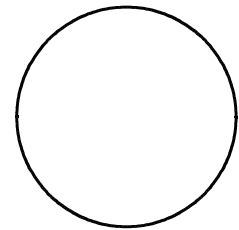
④ $\angle PAB=30^\circ$ となる線分PA



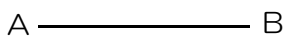
⑤ Pが接点となるような接線



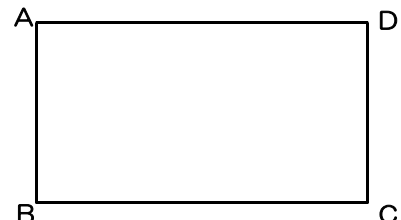
⑥ 円の中心O



⑦ $\angle PAB=45^\circ$ となる線分PA

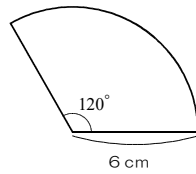


⑧ 長方形ABCDで、頂点Bを頂点Dに重ねるように折ったときの折り目の線分



③ 次の問いに答えなさい。

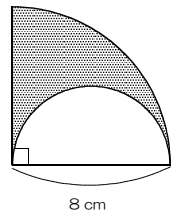
① 下のおうぎ形の弧の長さとおうぎ形の面積を求めなさい。



弧 cm

面積 cm^2

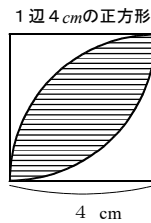
② おうぎ形と半円を組み合わせた下の図形で、かげをつけた部分の周りの長さとおうぎ形の面積を求めなさい。



周 cm

面積 cm^2

③ かげをつけた部分の面積を求めなさい。



面積 cm^2

④ 半径が $9 cm$ 、弧の長さが $6\pi cm$ のおうぎ形の中心角と面積を求めなさい。

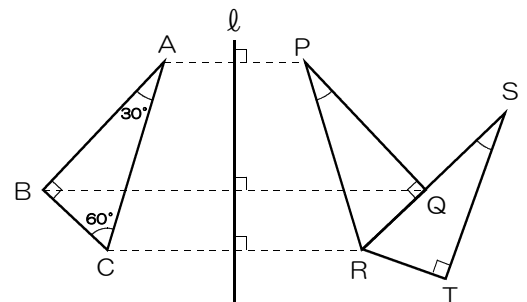
中心角 $^\circ$

面積 cm^2

④ 下の図は $\triangle ABC$ を $\triangle PQR$ に移動し、さらに $\triangle STR$ の位置に移したところを示している。次の問いに答えなさい。

① $\triangle ABC$ を $\triangle PQR$ に移すことを何というか答えなさい。

移動



② $\triangle STR$ は $\triangle PQR$ を回転移動した図形である。
 $\triangle PQR$ をどのように移動した図形であるか答えなさい。

点 を中心として、時計の針の回る方向に $^\circ$ 回転移動させた図形

1 下の立体は、直方体から、三角柱を切り抜いた立体です。問いに答えなさい。

① 直線AFと平行な直線をすべて答えなさい。

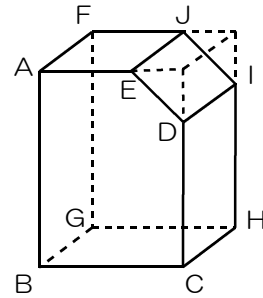
直線

② 直線AFとねじれの位置にある直線をすべて答えなさい。

直線

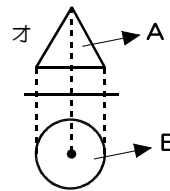
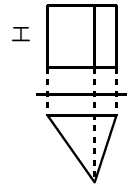
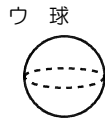
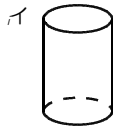
③ 直線AFと平行な面をすべて答えなさい。

面



2 下の立体について、①~③は、問いにあてはまるものをすべて選び、記号で答えなさい。

④~⑥は図について、問いに答えなさい。



① 多面体であるもの

② 回転体であるもの

③ 平面図形をその面に垂直に動かしてできる立体

④ エの立体は何面体が答えなさい。

⑤ オの立体を展開したとき、側面の部分の展開図はどんな図形であるか答えなさい。

⑥ オの図について、問いに答えなさい。

Aの図は立体を真正面から見た図で、

図

という。また、Bの図は立体を真上から見た図で

図

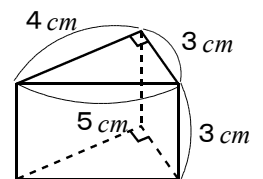
という。AとBをあわせて

図

という。

3 下の問いに答えなさい。

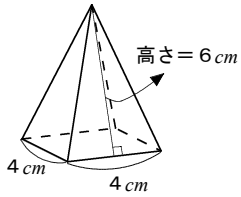
① 下の三角柱の表面積と体積を求めなさい。



表面積 cm^2

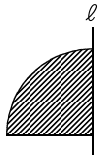
体積 cm^3

② 下の正四角錐の表面積を求めなさい



表面積 cm^2

③ l を軸として1回転したときにできる立体の表面積と体積を求めなさい。



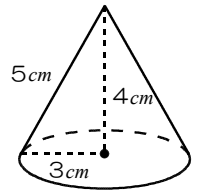
半径 $3cm$ のおうぎ形

表面積 cm^2

体積 cm^3

④ 下の円錐について、次の問いに求めなさい。

(1) 展開図にしたとき、側面のおうぎ形の中心角を求めなさい。 (2) この円錐の表面積と体積を求めなさい。

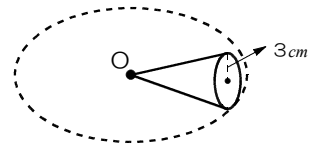


中心角 $^\circ$

表面積 cm^2

体積 cm^3

④ 底面の半径が $3cm$ の円錐を、中点 O を中心に転がしたところ、点線で示した円周上を1周して、もとの場所にかえるのに、ちょうど4回転しました。



① 点線で示した円周の長さを求めなさい。

cm

② 円錐の母線の長さを求めなさい。

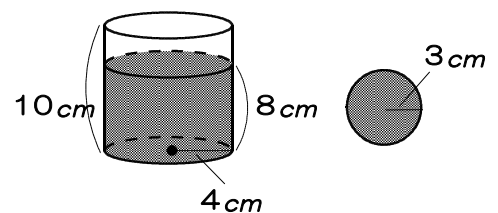
cm

③ 円錐の表面積を求めましょう。

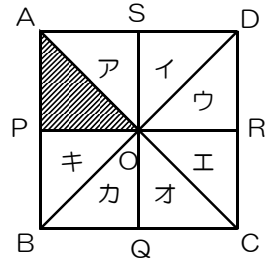
cm^2

⑤ 高さ $10cm$ の円柱の容器の下から $8cm$ の高さまで水が入っている。これに半径 $3cm$ の鉄球を沈めたとき、容器の水はあふれるかあふれないか、どちらかに○で囲み、その理由も説明しなさい。

あふれる ・ あふれない
(理由)



1 正方形ABCDを8つの合同な三角形にわけた図について、問いに答えなさい。



① 線分PRとSQの関係を記号を使って表しなさい。 PR SQ

② 線分ADとBCの関係を記号を使って表しなさい。 AD BC

③ $\triangle APO$ を平行移動して重なる三角形を記号(ア~キ)で答えなさい。

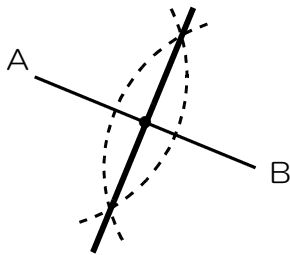
④ $\triangle APO$ を線分SQを対称の軸として対称移動して重なる三角形を記号(ア~キ)で答えなさい。

⑤ $\triangle APO$ をOを回転の中心として回転移動して重なる三角形をすべて、記号(ア~キ)で答えなさい。

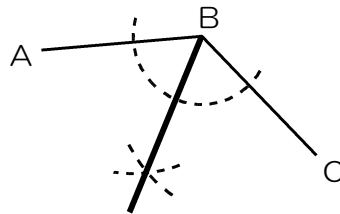
⑥ $\triangle APO$ をOを回転の中心として時計の針の回転と同じ方向に 90° 回転移動し、さらにPRを軸として対称移動したときに重なる三角形を記号(ア~キ)で答えなさい。

2 次の作図をしなさい。(ただし、作図に用いた線は消さないこと!)

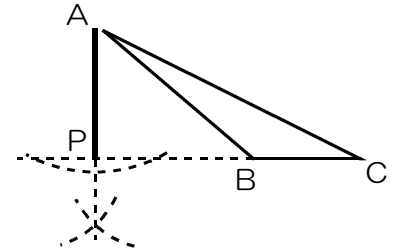
① 線分ABの垂直二等分線



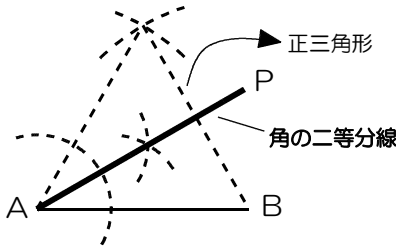
② $\angle ABC$ の二等分線



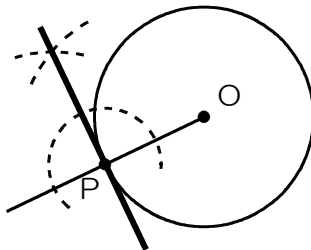
③ $\triangle ABC$ のBCを底辺としたときの高さをAP



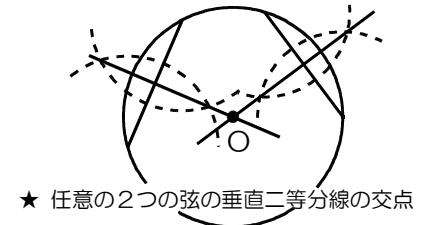
④ $\angle PAB=30^\circ$ となる線分PA



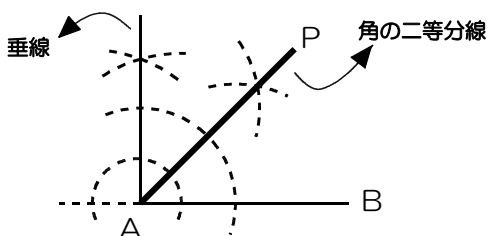
⑤ Pが接点となるような接線



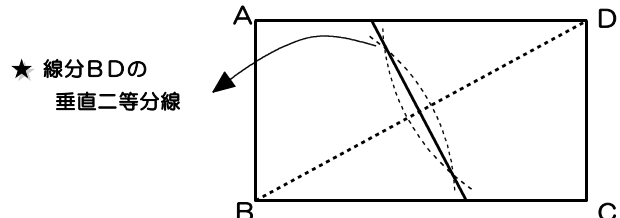
⑥ 円の中心O



⑦ $\angle PAB=45^\circ$ となる線分PA



⑧ 長方形ABCDで、頂点Bを頂点Dに重ねるように折ったときの折り目の線分

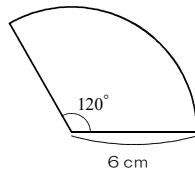


③ 次の問いに答えなさい。

① 下のおうぎ形の弧の長さとおうぎ形の面積を求めなさい。

$$\text{弧} = 2\pi \times 6 \times \frac{120}{360} = 4\pi$$

$$\text{面積} = \pi \times 6^2 \times \frac{120}{360} = 12\pi$$



弧 4π cm

面積 12π cm²

② おうぎ形と半円を組み合わせた下の図形で、かげをつけた部分の周りの長さとおうぎ形の面積を求めなさい。

$$\text{おうぎ形の弧} = 2\pi \times 8 \times \frac{1}{4} = 4\pi$$

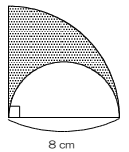
$$\text{半円の弧} = 2\pi \times 4 \times \frac{1}{2} = 4\pi$$

直線部分 = 8 cm

よって、周りの長さ = $4\pi + 4\pi + 8 = 8\pi + 8$

$$\text{面積} = \text{おうぎ形} - \text{半円} = \pi \times 8^2 \times \frac{1}{4} - \pi \times 4^2 \times \frac{1}{2}$$

$$= 16\pi - 8\pi = 8\pi$$



周 $8\pi + 8$ cm

面積 8π cm²

③ かげをつけた部分の面積を求めなさい。

$$\text{おうぎ形} = \pi \times 4^2 \times \frac{1}{4} = 4\pi$$

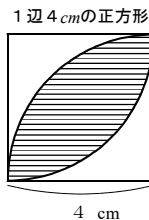
$$\text{直角三角形} = 4 \times 4 \div 2 = 8$$

$$\text{かげ部分} = 4\pi - 8$$

$$\text{かげ部分} \times 2 = \text{かげ部分} \times 2$$

$$= (4\pi - 8) \times 2$$

$$= 8\pi - 16$$



面積 $8\pi - 16$ cm²

④ 半径が9 cm、弧の長さが6π cmのおうぎ形の中心角と面積を求めなさい。

中心角を x° とする。

$$x : 360 = 6\pi : 18\pi$$

$$18\pi \times x = 6\pi \times 360$$

$$18x = 2160$$

$$x = 120$$

$$\text{面積} = \pi \times 9^2 \times \frac{120}{360} = 27\pi$$

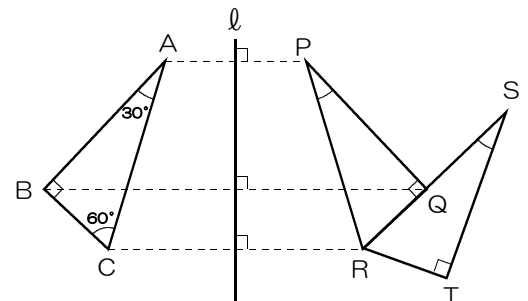
中心角 120°

面積 27π cm²

④ 下の図は△ABCを△PQRに移動し、さらに△STRの位置に移したところを示している。次の問いに答えなさい。

① △ABCを△PQRに移すことを何というか答えなさい。

対称 移動



② △STRは△PQRを回転移動した図形である。△PQRをどのように移動した図形であるか答えなさい。

点 R を中心として、時計の針の回る方向に 60° 回転移動させた図形

① 下の立体は、直方体から、三角柱を切り抜いた立体です。問いに答えなさい。

① 直線AFと平行な直線をすべて答えなさい。

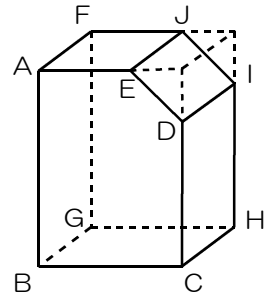
直線 BG, CH, DI, EJ

② 直線AFとねじれの位置にある直線をすべて答えなさい。

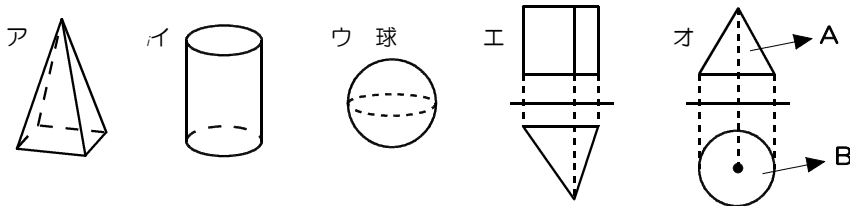
直線 ED, JI, DC, IH, BC, GH

③ 直線AFと平行な面をすべて答えなさい。

面 BCHG, DCHI, EDIJ



② 下の立体について、①~③は、問いにあてはまるものをすべて選び、記号で答えなさい。
④~⑥は図について、問いに答えなさい。



① 多面体であるもの

ア エ

② 回転体であるもの

イ ウ オ

★ 平面だけで囲まれた立体

③ 平面図形をその面に垂直に動かしてできる立体

イ エ

④ エの立体は何面体が答えなさい。

五面体

⑤ オの立体を展開したとき、側面の部分の展開図はどんな図形であるか答えなさい。

おうぎ形

⑥ オの図について、問いに答えなさい。

Aの図は立体を真正面から見た図で、

立面図

という。また、Bの図は立体を真上から見た図で

平面図

という。AとBをあわせて

投影図

という。

③ 下の問いに答えなさい。

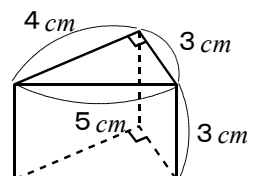
① 下の三角柱の表面積と体積を求めなさい。

$$\begin{aligned} \text{底面} \times 2 &= (4 \times 3 \div 2) \times 2 = 12 \\ \text{側面} &= (3 \times 3) + (4 \times 3) + (5 \times 3) \\ &= 36 \\ \text{表面積} &= 12 + 36 \\ &= 48 \end{aligned}$$

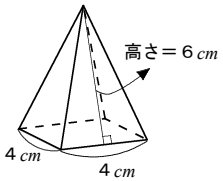
表面積 48 cm^2

$$\begin{aligned} \text{体積} &= (4 \times 3 \div 2) \times 3 \\ &= 18 \end{aligned}$$

体積 18 cm^3



② 下の正四角錐の表面積を求めなさい



$$\begin{aligned} \text{底面積} &= 4 \times 4 = 16 \\ \text{側面積} &= (4 \times 6 \div 2) \times 4 \\ &= 48 \\ \text{表面積} &= 16 + 48 \\ &= 64 \end{aligned}$$

表面積 64 cm^2

③ l を軸として1回転したときにできる立体の表面積と体積を求めなさい。

$$\begin{aligned} \text{側面積} &= 4\pi \times 3^2 \div 2 = 18\pi \\ \text{底面積} &= \pi \times 3^2 = 9\pi \\ \text{表面積} &= 18\pi + 9\pi = 27\pi \\ \text{体積} &= \frac{4}{3}\pi \times 3^3 \times \frac{1}{2} = 18\pi \end{aligned}$$



半径 3 cm の半球

表面積 $27\pi \text{ cm}^2$

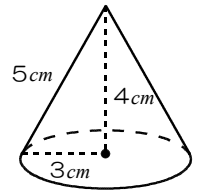
体積 $18\pi \text{ cm}^3$

④ 下の円錐について、次の問いに求めなさい。

(1) 展開図にしたとき、側面のおうぎ形の中心角を求めなさい。 (2) この円錐の表面積と体積を求めなさい。

$$\begin{aligned} \text{中心角を } x \text{ とする。} \\ x : 360 &= 6\pi : 10\pi \\ x \times 10\pi &= 360 \times 6\pi \\ 10x &= 2160 \\ x &= 216 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{表面積} &= (\pi \times 3^2) + (\pi \times 5^2 \times \frac{216}{360}) \\ &= 9\pi + 15\pi = 24\pi \\ \text{体積} &= \pi \times 3^2 \times 4 \times \frac{1}{3} = 12\pi \end{aligned}$$

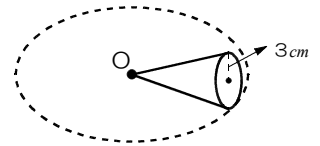


中心角 216°

表面積 $24\pi \text{ cm}^2$

体積 $12\pi \text{ cm}^3$

④ 底面の半径が 3 cm の円錐を、中心 O を中心に転がしたところ、点線で示した円周上を1周して、もとの場所にかえるのに、ちょうど4回転しました。



① 点線で示した円周の長さを求めなさい。

$$6\pi \times 4 = 24\pi$$

$24\pi \text{ cm}$

② 円錐の母線の長さを求めなさい。

$$\begin{aligned} \text{点線の円の直径} &= 24\pi \div \pi = 24 \text{ cm} \\ \text{点線の円の半径} &= \text{円錐の母線} = 24 \div 2 = 12 \end{aligned}$$

12 cm

③ 円錐の表面積を求めましょう。

$$\begin{aligned} \text{側面(おうぎ形)の中心角を } x \text{ とすると、} \\ x : 360 &= 6\pi : 24\pi \\ x : 360 &= 1 : 4 \\ 4x &= 360 \\ x &= 90^\circ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{側面積} &= 12 \times 12 \times \pi \times \frac{90}{360} = 36\pi \\ \text{底面積} &= 3 \times 3 \times \pi = 9\pi \\ \text{表面積} &= 36\pi + 9\pi = 45\pi \end{aligned}$$

$45\pi \text{ cm}^2$

⑤ 高さ 10 cm の円柱の容器の下から 8 cm の高さまで水が入っている。これに半径 3 cm の鉄球を沈めたとき、容器の水はあふれるかあふれないか、どちらかに○で囲み、その理由も説明しなさい。

あふれる ・ あふれない

(理由) 水が入っていない部分の体積は、 $\pi \times 4^2 \times 2 = 32\pi \text{ (cm}^3\text{)}$

鉄球の体積は $\frac{4}{3}\pi \times 3^3 = 36\pi \text{ (cm}^3\text{)}$

鉄球の体積が水が入っていない部分の体積より大きいので、水はあふれる。

